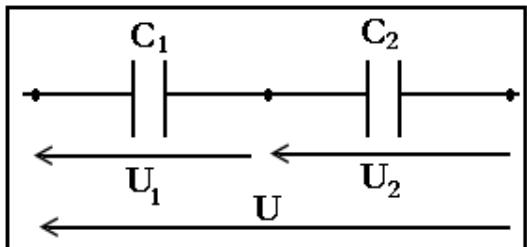


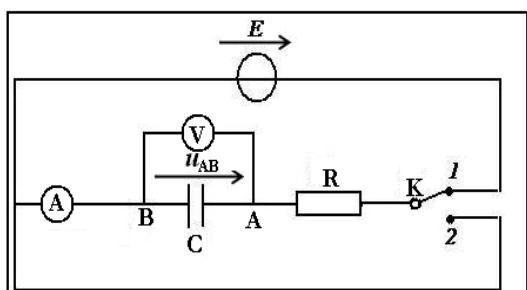
التمرين 1

نطبق توتر  $U = 300V$  بين قطبي مجموعة مكونة من مكثفين مرکبين على التوالى سعاتها  $C_2 = 2\mu F$  و  $C_1 = 1\mu F$ .  
حدد التوترين  $U_1$  و  $U_2$ .

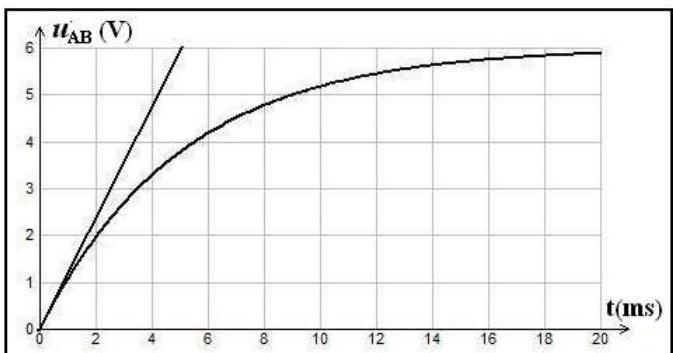


- (1) أحسب الشحنتين  $q_1$  و  $q_2$  للمكثفين.
- (2) أحسب الطاقة التي يخزنها كل مكثف.
- (3) أحسب السعة المكافئة ل التركيب.
- (4) أحسب الطاقة المخزونة في المكثف المكافئ.

التمرين 2



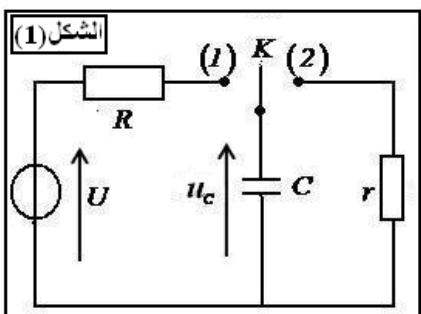
نعتبر التركيب الممثل في الشكل والذي يتكون من :  
 $\text{G}$  : مولد كهربائي قوته الكهرومagnetique ثابتة  $E = 6V$   
 $R$  : موصل أومي مقاومته  $1K \Omega$   
 $C$  : مكثف سعته  $5\mu F$   
عند اللحظة  $t = 0$  ، نضع قاطع التيار في الموضع (1) ويكون المكثف غير مشحون .  
(1) صف بإيجاز ما يحدث للمكثف.



- (2) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C = u_{AB}$  وذلك باعتمادك الاصطلاح مستقبل .
- (3) أكتب حل هذه المعادلة التفاضلية .
- (4) يمثل المنحنى جانبه تغيرات التوتر  $u_{AB}$  بدالة الزمن .  
  - (1.4) عرف ثابتة الزمن ثم أوجد تعبيراها بدالة  $R$  و  $C$  وأحسب قيمتها العددية .
  - (2.4) أوجد قيمة ثابتة الزمن من جديد وذلك باستعمال المنحنى وبطريقتين مختلفتين .
  - (3.4) كم هي المدة الزمنية التي يستغرقها النظام الانتقالى ؟
- (5) نورجح قاطع التيار من الموضع (1) إلى الموضع (2) عند لحظة تعتبرها أصلاً للتاريخ .  
  - (1.5) صف بإيجاز ما يحدث في المكثف .
  - (2.5) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_{AB}$  وذلك باستعمال الاصطلاح مستقبل .
  - (3.5) أكتب حل هذه المعادلة التفاضلية .
- (4.5) مثل كيفيا كل من المنحنى الذي يمثل تغيرات التوتر  $u_{AB}$  والشدة  $i(t)$  للتيار المار بالدارة . بين على المبيان ثابتة الزمن

التمرين 3

نقرأ على لصيقة آلة تصوير العبارة التالية : < إحذر - خطر - تقادي تقكك الآلة > .  
يرتبط هذا التنبیه بوجود مكثف في علبة آلة التصوير ، الذي يتم شحنه تحت توتر  $U = 300V$  عبر موصل أومي مقاومته  $R$  . نحصل على التوتر  $U = 300V$  بفضل تركيب إلكتروني مغذي بعمود قوته الكهرومagnetique  $E_0 = 1,5V$  وعندأخذ الصور يفرغ المكثف عبر مصباح وامض آلة التصوير خلال جزء من الثانية ، فيمكن الوامض ذو المقاومة  $r$  من إضاءة شديدة في وقت جد قصير .  
يمثل الشكل (1) التركيب المبسط لدارة تشغيل وامض آلة التصوير :  
معطيات : سعة المكثف :  $C = 120\mu F$  و  $U = 300V$ .



- (1) استجابة ثائي القطب  $RC$  لرتبة توتر صاعدة :  
 $u_c = U e^{-\frac{t}{RC}}$  .  
نضع عند اللحظة  $t = 0$  قاطع التيار  $K$  في الموضع (1) ، فيشحن المكثف عبر الموصل الأومي ذي المقاومة  $R$  تحت التوتر  $U$  .  
(1.1) أثبت أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_c$  تكتب على الشكل :  

$$u_c + \tau \frac{du_c}{dt} = U$$

$$u_C(t) = U \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

(3.1) حدد قيمة  $u_C$  في النظام الدائم.

(4.1) أحسب  $E_e$  الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف في النظام الدائم.

(5.1) يتطلب الاستعمال العادي للوامض طاقة كهربائية محصورة بين  $5J$  و  $6J$ .

هل يمكن شحن المكثف مباشرة بواسطة العمود ذي القوة الكهرومagnetة

$$? E_0 = 1,5V$$

(2) استجابة ثنائي القطب  $RC$  لرتبة توتر نازلة:

نورجح قاطع التيار  $K$  إلى الموضع (2) عند اللحظة  $t = 0$  ، فيفرغ المكثف عبر الموصل الأومي ذي المقاومة  $r$  . نسجل بواسطة راسم التذبذب ذاكراتي تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف بدلالة الزمن ، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (2).

(1.2) مثل بعانياً ترتيب تركيب تفريغ المكثف ، وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب .

(2.2) عين مبيانيا قيمة ثابتة الزمن  $\tau$  لدارة التفريغ .

(3.2) استنتاج قيمة  $r$  .

التمرين 4

تتميز المكثفات بخاصية تخزين الطاقة الكهربائية وإمكانية استرجاعها عند الحاجة وتمكن هذه الخاصية من استعمال المكثفات في عدة أجهزة منها تشغيل مصباح وأمض بعض آلات التصوير.

(1) الجزء الأول : شحن مكثف

نجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (1) والمكون من مكثف سعته  $C$  غير مشحون بدنيا ، مركب على التوالى مع موصل أومي مقاومته  $R$  وقاطع التيار  $K$  .

يخصس ثنائي القطب  $RC$  لرتبة توتر معرفة كالتالي :

$$\star \text{ بالنسبة لـ } t < 0 \text{ تكون } U = 0$$

$$\star \text{ بالنسبة لـ } t \geq 0 \text{ تكون } U = E = 12V \text{ حيث } E = 12V$$

نغلق الدارة عند اللحظة  $t = 0$  ونعاين باستعمال وسيط معلوماتي على شاشة حاسوب تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف بدلالة الزمن ، يعطي الشكل (2) المنحنى (2).

(1.1) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$  .

(2.1) تحقق أن التعبير  $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  حل للمعادلة التفاضلية بالنسبة لـ  $t \geq 0$  ، حيث  $\tau$  ثابتة الزمن .

(3.1) حدد تعبير  $\tau$  وبين ، باعتماد معادلة الأبعاد ، أن لها بعداً زمنياً .

(4.1) عين مبيانيا  $\tau$  واستنتاج أن قيمة  $C$  هي

$$\text{نعطي : } R = 10K \Omega$$

(5.1) أحسب الطاقة الكهربائية التي يختزنها المكثف في النظام الدائم .

(2) الجزء الثاني : تفريغ مكثف

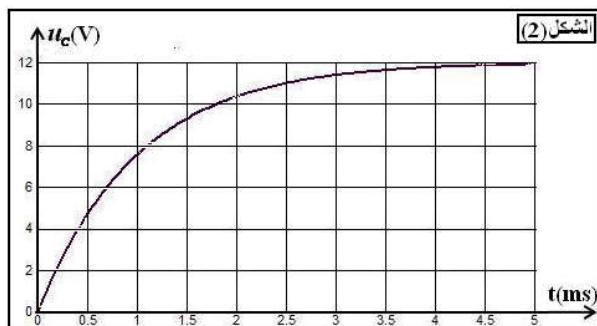
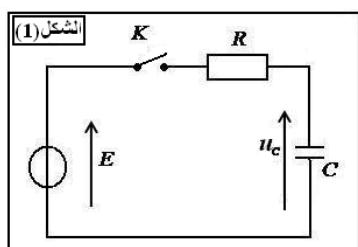
يتطلب تشغيل وأمض آلة تصوير طاقة عالية، لا يمكن الحصول عليها باستعمال المولد السابق. للحصول على الطاقة اللازمة ، يُشحن المكثف بواسطة دارة إلكترونية تُمكن من تطبيق توتر مستمر بين مربطي المكثف قيمته  $U_C = 360V$  .

نفرغ المكثف، عند اللحظة  $t = 0$  ، في مصباح آلة التصوير الذي ننذرجه بموصل أومي مقاومته  $r$  (أنظر الشكل(3)) فيتغير التوتر بين

مربطي المكثف وفق المعادلة :  $u_C(t) = 360e^{-\frac{t}{\tau}}$  حيث  $\tau$  ثابتة الزمن و  $u_C(t)$  عبر عنه بوحدة الفولت ( $V$ ) .

(1.2) أوجد قيمة  $r$  مقاومة مصباح وأمض آلة التصوير ، علماً أن التوتر بين مربطي المكثف يأخذ القيمة  $u_C(t) = 132,45V$  عند اللحظة  $t = 2ms$  .

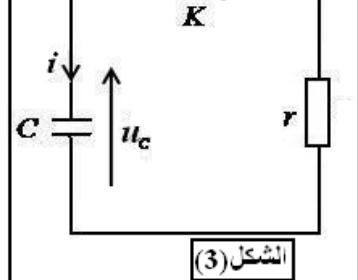
(2.2) اشرح كيف يجب اختيار مقاومة وأمض آلة التصوير لضمان تفريغ أسرع للمكثف .



يتطلب تشغيل وأمض آلة تصوير طاقة عالية، لا يمكن الحصول عليها باستعمال المولد السابق. للحصول على الطاقة اللازمة ، يُشحن المكثف

بواسطة دارة إلكترونية تُمكن من تطبيق توتر مستمر بين مربطي المكثف قيمته  $U_C = 360V$  .

نفرغ المكثف، عند اللحظة  $t = 0$  ، في مصباح آلة التصوير الذي ننذرجه بموصل أومي مقاومته  $r$  (أنظر الشكل(3)) فيتغير التوتر بين



## التمرين 1

تمكن المؤقتة من التحكم الآوتوماتيكي في إضاءة مصباح لمدة  $t_0$  قابلة للضبط.

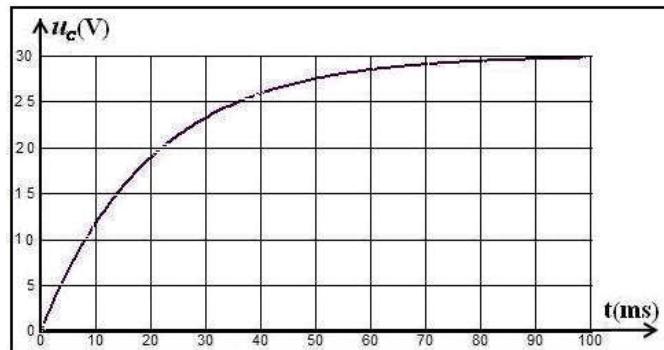
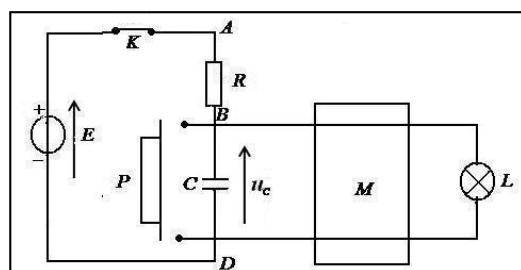
يتكون التركيب الكهربائي للمؤقتة من مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرومagnetique  $E = 30V$  ، وقاطع للتيار  $K$  ، وموصل أومي مقاومته  $R$  ومكثف سعته  $C$  وزر  $P$  يقوم بدور قاطع التيار لحظة الضغط عليه ، ومركبة إلكترونية  $M$  تسمح لمصباح  $L$  أن يضيء مادام التوتر بين مربطي المكثف لا يتجاوز قيمة حدية  $U_L$  تميز المركبة  $M$ .

يمكن نمذجة التركيب الكهربائي للمؤقتة بالدارة الكهربائية البسيطة الممثلة في الشكل أسفله حيث تغذي المركبة  $M$  غير ممثلة في النموذج وهي توفر الطاقة اللازمة لإضاءة المصباح  $L$ . تقبل أن وجود أو عدم وجود المركبة  $M$  لا يؤثر على تصرف ثانوي القطب  $RC$  أي أن التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف لا يتعلق بالمركب  $M$ .

معطيات :  $E = 30V$  و  $R = 100K\Omega$  و  $U_L = 20V$

(1) استجابة ثانوي القطب  $RC$  لرتبة توتر صاعدة  
عند اللحظة  $t = 0$  ، نغلق قاطع التيار  $K$  مع إبقاء الزر  $P$  مفتوحا (أنظر الشكل)، فيشحن المكثف.

(1.1) أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $(t)$   $u_C(t)$  بين مربطي المكثف أثناء عملية الشحن.



(2.1) تحقق أن  $u_C(t) = A \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  حل للمعادلة التفاضلية . استنتج تعبيري  $A$  و  $\tau$ .

(3.1) سُمّ الثابتة  $\tau$  ثم اعتمادا على التحليل البعدى (معادلة الأبعاد) بين أن  $\tau$  لها بعد زمن.

(4.1) حدد قيمة  $u_C(t)$  في النظام الدائم.

(2) استغلال منحنى الاستجابة  $u_C(t)$

نعاين بواسطة راسم التذبذب ذاكراتي التوتر  $(t)$   $u_C(t)$  بين مربطي المكثف ، فنحصل على الرسم التذبذبي جانبه .

(1.2) مثل فقط دارة الشحن وبين عليها كيفية ربط راسم التذبذب لمعاينة التوتر  $u_C(t)$ .

(2.2) عين على منحنى  $u_C(t)$  التوتر  $u_C(t)$  والثابتة  $\tau$  والنظام الانتقالى والنظام الدائم.

(3.2) تتحقق أن قيمة سعة المكثف هي  $C = 200\mu F$ .

(3) كيفية التحكم في قيمة  $t_0$  مدة إضاءة المصباح.

(1.3) عبر بدلالة  $\tau$  و  $E$  و  $U_L$  عن  $t_0$  مدة إضاءة المصباح التي عندها ينول التوتر  $(t)$   $u_C(t)$  إلى القيمة الحدية  $U_L$ .

(2.3) أحسب قيمة  $t_0$  . تأكد من القيمة المحصل عليها باستعمال المنحنى  $u_C(t)$ .

(3.3) نضبط  $U_L$  على القيمة  $U_L = 20V$  للحصول على مدة الإضاءة  $t_0$  قريبة من  $\tau$  . لماذا اختيار قيمة  $t_0$  قريبة من قيمة  $\tau$  يتماشى مع هذا التركيب ؟

(4.3) نريد الزيادة في مدة إضاءة المصباح دون تغيير المولد . حدد بارمترات الدارة التي يمكن تغييرها ؟

(5.3) حدد القيمة التي يجب أن تأخذها المقاومة  $R$  للحصول على  $\tau = 1\text{min}$  .

(6.3) نضغط على الزر  $P$  ، ما قيمة التوتر  $u_C$  ؟ قارن هذه القيمة مع قيمة  $U_L$  .

## التمرين 2

تعبر الشمس نجما كباقي النجوم ، إلا أنها ضرورية لضمان استمرارية الحياة على الأرض ... إن الطاقة الشمسية التي تستمدتها الأرض من الشمس تعادل 150000 مرة الطاقة المستهلكة سنويا على كوكبنا !  
مقططف من المركز الجهوي للتوثيق البيداغوجي بذات . فرنسا

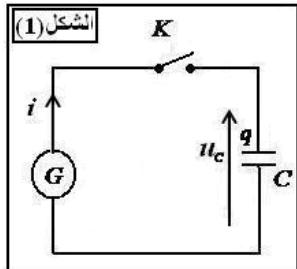
يمكن بواسطة مستقبل شمسي (خلية كهروضوئية) تحويل جزء من هذه الطاقة الشمسية الوافرة إلى طاقة كهربائية يمكن استغلالها عند الحاجة . ندرس في هذا التمرين تخزين الطاقة التي تولدها المستقبلات الشمسية في مكثف ذي سعة هائلة . العلامة التي وضعها الصانع على المكثف هي :

$$C = 100000\mu F \pm 10\%$$

(1) شحن مكثف بواسطة تيار مستمر.  
مميزات الخلية الكهروضوئية التي نشحن بها المكثف هي :

النوتر القصوي : $2,25V$	شدة التيار $270mA$	القدرة الكهربائية : $0,6W$
مجال تغيرات درجة الحرارة : من $-40^{\circ}C$ إلى $60^{\circ}C$		الكتلة : $0,41Kg$

تصرف الخلية كمولد كهربائي ( $G$ ) يزود الدارة بتيار كهربائي شدته  $I = 0,27A$  ، شرط ألا يتعدى التوتر بين مربطيها القيمة القصوية  $U_{max} = 2,25V$ .



نربط قطبي الخلية بمربطي المكثف ، أنظر الشكل(1).  
نغلق القاطع عند لحظة  $t = 0$  ونسجل تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف ، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل(2).

- 1.1 سم كل من النظامين الملاحظين على المنحنى  $u_C(t)$ .  
2.1 أكتب تعبير  $u_C$  بدلالة  $C$  و  $q$  شحنة المكثف.

3.1 هل المكثف كان مشحونا في البداية أم لا؟ أكتب تعبير شدة التيار  $i$  عند لحظة  $q$  عند لحظة  $t$  (نعتبر أن توتر المكثف  $u_C$  أصغر من القيمة القصوية  $U_{max}$ ) واستنتج أن التوتر بين مربطي المكثف يكتب على الشكل التالي  $u_C = \frac{It}{C}$  مadam

يتحقق  $u_C \leq U_{max}$

4.1 أوجد قيمة وحدة  $K$  المعامل الموجه للقطعة المستقيمية من المنحنى التي يتحقق عندها  $u_C \leq U_{max}$ . تتحقق بالاعتماد على  $K$  من قيمة  $C$  سعة المكثف.

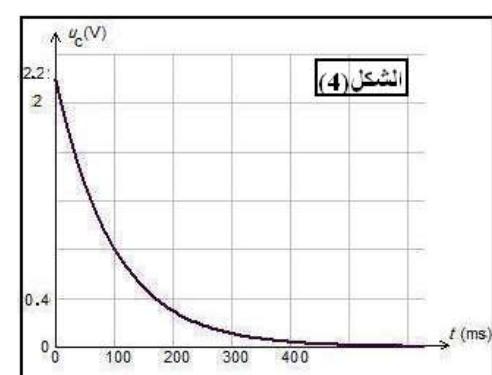
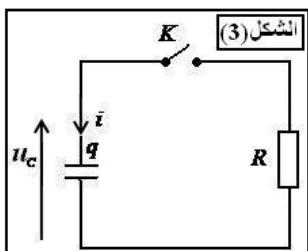
4.2 ما الطاقة التي يخزنها المكثف عند شحنه كليا؟

## 2) تفريغ المكثف.

يمكن توظيف الطاقة الكهربائية التي يخزنها المكثف في اشتغال مصباح ( $L$ ) ذي قدرة كهربائية ضعيفة يمكن اعتباره موصلأً أو ميا مقاومته  $R$ .

نزع المكثف السابق بعد شحنه كليا ، ثم نركبه مع موصلأً أو ميا مقاومته  $R$  (الشكل(3)).

نغلق القاطع '  $K$  عند لحظة  $t = 0$  ، ثم نسجل تغيرات التوتر  $u_C$  بين مربطي المكثف فنحصل على المنحنى  $u_C(t)$  الممثل في الشكل(4).



1.2 باحترام الاصطلاح الوارد في الشكل(3) ، أوجد تعبير شدة التيار  $i$  بدلالة  $u_C$  والسرعة  $C$  للمكثف.

2.2 أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u_C$ .

3.2 بين أن المعادلة السابقة تقبل حل التعبير التالي :

$$u_C(t) = U_{max} e^{-\frac{t}{RC}}$$

4.2 ما إشارة  $i$  خلال عملية التفريغ؟

5.2 ذكر بتعبير  $\tau$  ثابتة الزمن لثائي القطب  $RC$ . ثم عبر بدلالة  $U_{max}$  عن التوتر  $u_C$  عند لحظة  $t = \tau$ . أوجد قيمة ثابتة الزمن لثائي القطب

$RC$  موضحا على الشكل(4) الطريقة المتبعه ثم استنتاج قيمة  $R$ .

6.2 نعتبر دائماً أن المصباح ( $L$ ) عبارة عن موصلأً أو ميا وأنه لا يضيء بصفة عادية إلا إذا تجاوز التوتر بين مربطيه القيمة  $1,0V$ . أوجد  $\Delta t$  المدة الزمنية التي يشتغل خلالها المصباح بكيفية عادية . مازا تستنتاج فيما يخص دور المكثف